

(S) : \* est une opération sur  $E$  (autrement dit,  $E$  est **Stable** pour \*);  
 (N) :  $(E, *)$  possède un élément **Neutre**  $e$ ;  
 (I) : tout élément  $x \in E$  est **Inversible** dans  $(E, *)$ ; *identifier l'inverse d'un élément  $x \in X$ , si possible.*

(A) : \* est **Associative** dans  $(E, *)$ ;  
 (C) : \* est **Commutative** dans  $(E, *)$ ;

$E$	*	propriété (S)	propriété (A)	propriété (N)	propriété (I)	propriété (C)	magma/ monoïde/ groupe?
$\mathbb{R}$	+						
$\mathbb{N}$	+						
$\mathbb{N}$	-						
$\mathbb{Z}$	+						
$\mathbb{Z}$	-						
$2\mathbb{Z}$ (entiers pairs)	+						
$\mathbb{Z} \setminus \{0\}$	+						
$\mathbb{R} \setminus \{0\}$	×						
$\mathbb{Q} \setminus \{0\}$	×						
$\mathbb{Z} \setminus \{0\}$	×						
$\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$	+						
$\mathbb{Z}/2\mathbb{Z}$	-						

$E$	$*$	propriété (S)	propriété (A)	propriété (N)	propriété (I)	propriété (C)	magma/ monoïde/ groupe?
$\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$	$\times$						
$\mathbb{Z}/n\mathbb{Z} \setminus \{\bar{0}\}$	$\times$						
$\mathbb{R}^n$ (espace vectoriel de dimension $n$ )	$+$ (addition des vecteurs)						
$\mathbb{R}^3$ (espace vectoriel de dimension 3)	$\wedge$ (produit vectoriel <sup>1</sup> )						
$\text{Mat}_n(\mathbb{R})$ (matrices carrées $n \times n$ à coefficients dans $\mathbb{R}$ )	$+$ (addition des matrices)						
$\text{Mat}_n(\mathbb{R})$	$\times$						
$\text{GL}_n(\mathbb{R})$	$\times$						
$\text{GL}_n(\mathbb{R})$	$+$						
$\text{GL}_n(\mathbb{Z})$	$\times$						
$\left\{1, \frac{-1+\sqrt{3}i}{2}, \frac{-1-\sqrt{3}i}{2}\right\}$	$\times$						
$\left\{x, \frac{1}{1-x}, \frac{x-1}{x}, 1-x, \frac{1}{x}, \frac{x}{x-1}\right\}$ muni de $\circ$							

1. Le produit vectoriel de deux vecteurs  $u = (u_1, u_2, u_3)$  et  $v = (v_1, v_2, v_3)$  de  $\mathbb{R}^3$  est  $u \wedge v = (u_2v_3 - u_3v_2, u_3v_1 - u_1v_3, u_1v_2 - u_2v_1)$ .